# Муниципальное Общеобразовательное Автономное Учреждение «Ветлянская средняя общеобразовательная школа»

Соль-Илецкого городского округа Оренбургской области

Рабочая программа

по математике 10 класс

на 2022 / 2023 учебный год

# Аннотация к рабочим программам по математике 10 класс

Данная программа по литературе создана на основе:

- Закона Российской Федерации от 29.12.2012 года №273-ФЗ «Об образовании в РФ» (с последующими изменениями и дополнениями);
- Приказа Министерства образования и науки Российской Федерации от 06.10. 2009 г. N 413 «Об утверждении Федерального государственного образовательного стандарта среднего общего образования»;
- Приказа Министерства образования и науки Российской Федерации от 28.10.2015 г.№ 1576 «О рабочих программах учебных предметов»;
- Постановления Главного государственного санитарного врача Российской Федерации от 29 декабря 2010 г. N 189 г. Москва "Об утверждении СанПиН 2.4.2.2821-10 "Санитарно-эпидемиологические требования к условиям и организации обучения в общеобразовательных учреждениях";
- Приказа Министерства образования и науки Российской Федерации от 20.05.2020 г. № 254 "Об утверждении федерального перечня учебников, рекомендуемых к использованию при реализации имеющих государственную аккредитацию образовательных программ начального общего, основного общего, среднего общего образования";
- Распоряжения Правительства «Стратегия развития воспитания в Р $\Phi$  на период до 2025 года»;
- Приказ министерства образования Оренбургской области от 27.07.2020 №01-21/1002 «Об организованном начале 2020-2021 учебного года в общеобразовательных организациях Оренбургской области»;
- Устава муниципального общеобразовательного автономного учреждения «Ветлянская средняя общеобразовательная школа» Соль-Илецкого городского округа Оренбургской области;
- Основная образовательная программа среднего общего образования МОАУ «Ветлянская средняя общеобразовательная школа» Соль-Илецкого городского округа Оренбургской области;
- Положения МОАУ «Ветлянская средняя общеобразовательная школа» «О структуре, порядке разработки и утверждения рабочих программ учебных курсов, предметов, дисциплин образовательного учреждения, реализующего образовательные программы общего образования»;
- Учебного плана для МОАУ «Ветлянская СОШ» Оренбургской области обучающихся 10-11 классов, перешедших на ФГОС СОО на 2020- 2021 учебный год.

Программа по математике для 10 класса (ФГОС ООО) реализуется через УМК:

- Алгебра и начала математического анализа. Сборник рабочих программ.10–11 классы: пособие для учителей общеобразов. организаций. Базовый и углублённый уровни/ сост. Т.А.Бурмистрова М.: Просвещение, 2018.
- Геометрия 10-11 классы /авт. сост. Т.А.Бурмистрова. –М.: Просвещение, 2010.

Рабочая программа создавалась с опорой на «Примерную программу среднего (полного) общего образования математике базовый уровень» (утверждена приказом Минобразования России от 09.03.04. № 1312) и авторскую программу для общеобразовательных школ с углубленным изучением математики Алгебра и начала математического анализа: учебник для 10 класса общеобразовательных учреждений: базовый и углубл. уровни/ [С. М. Никольский, М.К. Потапов, Н.Н. Решетников, А. В. Шевкин]. — 11-е изд. — М.: Просвещение, 2016., геометрии Л.С Атанасян.

В связи с реальной необходимостью в наши дни большое значение приобрела проблема полноценной базовой математической подготовки учащихся. Учащиеся 10-11 классов определяют для себя значимость математики, её роли в развитии общества в целом. Без конкретных математических знаний затруднено понимание принципов устройства и использования современной техники, восприятие научных знаний, восприятие и интерпретация разнообразной социальной, экономической, политической информации, малоэффективна повседневная практическая деятельность. Интерес к вопросам обучения математики обусловлен жизненной необходимостью выполнять достаточно сложные расчёты, пользоваться общеупотребительной вычислительной техникой, находить в справочниках и применять нужные формулы, владеть практическими приёмами геометрических измерений и построений, читать информацию, представленную в виде таблиц, диаграмм, графиков, понимать вероятностный характер случайных событий, составлять несложные алгоритмы и др.

Огромную важность в непрерывном образовании личности приобретают вопросы, требующие высокого уровня образования, связанного с непосредственным применением математики. Таким образом, расширяется круг школьников, для которых математика становится профессионально значимым предметом.

Особенность изучаемого курса состоит в формировании математического стиля мышления, проявляющегося в определённых умственных навыках.

Использование в математике нескольких математических языков даёт возможность развивать у учащихся точную, экономную и информативную речь, умение отбирать наиболее подходящие языковые средства.

Математическое образование вносит свой вклад в формирование общей культуры человека: знакомство с методами познания действительности (понимание диалектической взаимосвязи математики и действительности, представление о предмете и методе математики, его отличиях от методов естественных и гуманитарных наук, об особенностях применения математики для решения научных и прикладных задач). Изучение математики развивает воображение, пространственные представления. История развития математического знания даёт возможность пополнить запас историко-научных знаний школьников, сформировать у них представления о математике как части общечеловеческой культуры.

### І. Планируемые результаты изучения учебного предмета

Изучение математики в старшей школе даёт возможность достижения обучающимися следующих результатов.

### Личностные:

- 1) сформированность мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки; критичность мышления, умение распознавать логически некорректные высказывания, отличать гипотезу от факта;
- 2) готовность и способность вести диалог с другими людьми, достигать в нём взаимопонимания, находить общие цели и сотрудничать для их достижения;
- 3) навыки сотрудничества со сверстниками, детьми младшего возраста, взрослыми в образовательной, общественно полезной, учебно-исследовательской, проектной и других видах деятельности;
  - 4) готовность и способность к образованию, в том числе

самообразованию, на протяжении всей жизни; сознательное отношение к непрерывному образованию как условию успешной профессиональной и общественной деятельности;

- 5) эстетическое отношение к миру, включая эстетику быта, научного и технического творчества;
- 6) осознанный выбор будущей профессии и возможностей реализации собственных жизненных планов; отношение к профессиональной деятельности как возможности участия в решении личных, общественных, государственных, общенациональных проблем.

# Метапредметные:

- 1) умение самостоятельно определять цели деятельности и составлять планы деятельности; самостоятельно осуществлять, контролировать и корректировать деятельность; использовать все возможные ресурсы для достижения поставленных целей и реализации планов деятельности; выбирать успешные стратегии в различных ситуациях;
- 2) умение продуктивно общаться и взаимодействовать в процессе совместной деятельности, учитывать позиции других участников деятельности, эффективно разрешать конфликты;
- 3) овладение навыками познавательной, учебно-исследовательской и проектной деятельности, навыками разрешения проблем; способность и готовность к самостоятельному поиску методов решения практических задач, применению различных методов познания;
- 4) готовность и способность к самостоятельной информационно-познавательной деятельности, включая умение ориентироваться в различных источниках информации,

критически оценивать и интерпретировать информацию, получаемую из различных источников;

- 5) умение использовать средства информационных и коммуникационных технологий (далее—ИКТ) в решении когнитивных, коммуникативных и организационных задач с соблюдением требований эргономики, техники безопасности, гигиены, ресурсосбережения, правовых и этических норм, норм информационной безопасности;
- 6) владение языковыми средствами умение ясно, логично и точно излагать свою точку зрения, использовать адекватные языковые средства;
- 7) владение навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов и оснований, границ своего знания и незнания, новых познавательных задач и средств их достижения.
- 8) умение самостоятельно планировать пути достижения целей, в том числе альтернативные, осознанно выбирать наиболее эффективные способы решения учебных и познавательных задач;
- 9) умение соотносить свои действия с планируемыми результатами, осуществлять контроль своей деятельности в процессе достижения результата, определять способы действий в рамках предложенных условий и требований, корректировать свои действия в соответствии с изменяющейся ситуацией;
- 10) умение оценивать правильность выполнения учебной задачи, собственные возможности её решения;
- 11) владение основами самоконтроля, самооценки, принятия решений и осуществления осознанного выбора в учебной и познавательной деятельности.

# Предметные

# Базовый уровень

Предметные результаты освоения интегрированного курса математики ориентированы на формирование целостных представлений о мире и общей культуры обучающихся путём освоения систематических научных знаний и способов действий на метапредметной основе, а предметные результаты освоения курса математики на базовом уровне ориентированы на обеспечение преимущественно общеобразовательной и общекультурной подготовки. Они предполагают:

1) сформированность представлений о математике как части мировой культуры и о месте математики в современной цивилизации, о способах описания на математическом языке явлений реального мира;

- 2) сформированность представлений о математических понятиях как о важнейших математических моделях, позволяющих описывать и изучать разные процессы и явления; понимание возможности аксиоматического построения математических теорий;
- 3) владение методами доказательств и алгоритмов решения; умение их применять, проводить доказательные рассуждения в ходе решения задач;
- 4) владение стандартными приёмами решения рациональных и иррациональных, показательных, степенных, тригонометрических уравнений и неравенств, их систем; использование готовых компьютерных программ, в том числе для поиска пути решения и иллюстрации решения уравнений и неравенств;
- 5) сформированность представлений об основных понятиях, идеях и методах математического анализа;
- б) владение геометрическим языком; развитие умения использовать его для описания предметов окружающего мира; развитие пространственных представлений, изобразительных умений, навыков геометрических построений;
- 7) владение основными понятиями о плоских и пространственных геометрических фигурах, их основных свойствах; сформированность умения распознавать на чертежах, моделях и в реальном мире геометрические фигуры; применение изученных свойств геометрических фигур и формул для решения геометрических задач и задач с практическим содержанием;
- 8) сформированность представлений о процессах и явлениях, имеющих вероятностный характер, о статистических закономерностях в реальном мире, об основных понятиях.

### Углублённый уровень

Предметные результаты освоения курса математики на углублённом уровне ориентированы преимущественно на подготовку к последующему профессиональному образованию, развитие индивидуальных способностей обучающихся путём более глубокого, чем это предусматривается базовым курсом, освоения основ наук, систематических знаний и способов действий, присущих данному учебному предмету.

Углублённый уровень изучения математики включает, кроме перечисленных ниже результатов освоения углублённого курса, и результатов освоения базового курса, данные ранее:

1) сформированность представлений о необходимости доказательств при обосновании математических утверждений и роли аксиоматики в проведении дедуктивных рассуждений;

- 2) сформированность понятийного аппарата по основным разделам курса математики; знаний основных теорем, формул и умения их применять; умения доказывать теоремы и находить нестандартные способы решения задач;
- 3) сформированность умений моделировать реальные ситуации, исследовать построенные модели, интерпретировать полученный результат;
- 4) сформированность представлений об основных понятиях математического анализа и их свойствах, владение умением характеризовать поведение функций, использование полученных знаний для описания и анализа реальных зависимостей;
- 5) сформированность представлений о необходимости доказательств при обосновании математических утверждений и роли аксиоматики в проведении дедуктивных рассуждений;
- 6) владение умениями составления вероятностных моделей по условию задачи и вычисления вероятности наступления событий, в том числе с применением формул комбинаторики и основных теорем теории вероятностей; исследования случайных величин по их распределению.

# Содержание учебного предмета.

# Действительные числа (12 часов)

Понятие действительного числа. Свойства действительных чисел. Множества чисел и операции над множествами чисел. Поочередный и одновременный выбор нескольких элементов из конечного множества. Формулы числа перестановок, сочетаний, размещений. Решение комбинаторных задач.

*Основная цель* – систематизировать известные и изучить новые сведения о действительных числах.

# Рациональные уравнения и неравенства (18 часов)

Рациональные выражения. Формула бинома Ньютона, свойства биноминальных коэффициентов, треугольник Паскаля. Рациональные уравнения и неравенства, метод интервалов решения неравенств, системы рациональных неравенств.

*Основная цель* - сформировать умения решать рациональные уравнения и неравенства.

# Корень степени п (12 часов)

Понятие функции, ее области определения и множества значении, графика функции. Функция  $y = x^n$ , где  $n \in \mathbb{N}$ , ее свойства и график. Понятие корня степени n > 1 и его свойства, понятие арифметического корня.

Основная цель - освоить понятия коня степени n и арифметического корня; выработать умение преобразовывать выражения, содержащие корни степени n.

### Степень положительного числа (13 часов)

Понятие степени с рациональным показателем, свойства степени с рациональным показателем. Бесконечная геометрическая прогрессия и её сумма.

Число е. Свойства степени с действительным показателем. Преобразование выражений, содержащих возведение в степень. Показательная функция, ее свойства и график.

Основная цель - усвоить понятия рациональной и иррациональной степеней положительного числа и показательной функции.

# Логарифмы (6 часов)

Логарифм числа. Основное логарифмическое тождество. Логарифм произведения, частного, степени, переход к новому основанию. Десятичный и натуральный логарифмы. Преобразование выражений, содержащих логарифмы. Логарифмическая функция, ее свойства и график.

Основная цель - освоить понятие логарифма и логарифмической функции, выработать умение преобразовывать выражения, содержащие логарифмы.

# Показательные и логарифмические уравнения и неравенства (11 часов)

Показательные и логарифмические уравнения и неравенства и методы их решения.

*Основная цель* - сформировать умение решать показательные и логарифмические уравнения и неравенства.

# Тригонометрические формулы. Тригонометрические функции (45 часов)

# Синус и косинус угла и числа (7 часов)

Радианная мера угла. Синус, косинус, тангенс и котангенс произвольного угла и действительного числа. Основное тригонометрическое тождество для синуса и косинуса. Понятия арксинуса, арккосинуса.

Oсновная цель - освоить понятия синуса и косинуса произвольного угла, изучить свойства функций угла:  $\sin \alpha$  и  $\cos \alpha$ 

### Тангенс и котангенс угла и числа (6 часов)

Тангенс и котангенс угла и числа. Основные тригонометрические тождества для тангенса и котангенса. Понятие арктангенса числа.

Основная цель - освоить понятия тангенса и котангенса произвольного угла, изучить свойства функций угла:  $tg\alpha$  и  $ctg\alpha$ .

### Формулы сложения (11 часов)

Синус, косинус и тангенс суммы и разности двух аргументов. Формулы приведения. Синус и косинус двойного аргумента. Формулы половинного аргумента. Преобразование суммы тригонометрических функций в произведения и произведения в сумму. Выражение тригонометрических функций через тангенс половинного аргумента. Преобразование простейших тригонометрических выражений.

Основная цель - освоить формулы синуса и косинуса суммы и разности двух углов, выработать умения выполнять тождественные преобразования тригонометрических выражений с использованием выведенных формул.

# Тригонометрические функции числового аргумента (9 часов).

Тригонометрические функции, их свойства и графики, периодичность, основной период.

*Основная цель* - изучить свойства основных тригонометрических функций и их графиков.\*

# \*Тригонометрические уравнения и неравенства (12 часов)

Простейшие тригонометрические уравнения. Решение тригонометрических уравнений.

*Основная цель* - сформировать умения решать тригонометрические уравнения и неравенства.

# Элементы теории вероятностей (8 часов)

Табличное и графическое представление данных. Элементарные и сложные события. Рассмотрение случаев и вероятность суммы несовместных событий, вероятность противоположного события.

Основная цель - овладеть классическим понятием вероятности события, изучить его свойства и научиться применять их к при решении задач.

# Итоговое повторение (11 часов)

Повторение алгебры и начал анализа (9 часов)

Итоговая контрольная работа (2 часа).

# Геометрия

Повторение. Решение задач с применением свойств фигур на плоскости. Задачи на доказательство и построение контрпримеров. Использование в задачах простейших логических правил. Решение задач с использованием теорем о треугольниках, соотношений в прямоугольных треугольниках, фактов, связанных с четырехугольниками. Решение задач с использованием фактов, связанных с окружностями. Решение задач на измерения на плоскости, вычисление длин и площадей. Решение задач с помощью векторов и координат.

Наглядная стереометрия. Фигуры и их изображения (куб, пирамида, призма). Основные понятия стереометрии и их свойства. Сечения куба и тетраэдра.

Точка, прямая и плоскость в пространстве, аксиомы стереометрии и следствия из них. Взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве. Параллельность прямых и плоскостей в пространстве. Изображение простейших пространственных фигур на плоскости.

Расстояния между фигурами в пространстве.

Углы в пространстве. Перпендикулярность прямых и плоскостей.

Проекция фигуры на плоскость. Признаки перпендикулярности прямых и плоскостей в пространстве. Теорема о трех перпендикулярах.

Многогранники. Параллелепипед. Свойства прямоугольного параллелепипеда. Теорема Пифагора в пространстве. Призма и пирамида. Правильная пирамида и правильная призма. Прямая пирамида. Элементы призмы и пирамиды.

Тематическое планирование. Алгебра

Ном ер пунк та	ическое планирование. Содержание материала	Количест во часов	
		1	0 класс
Глава логарі	I. Корни, степени, ифмы	72	Выполнять вычисления с действительными числами (точные и приближённые), преобразовывать числовыевыражения. Знать
§1.Д	ействительные числа	12	и применять обозначения основных
1.1	Понятие действительного числа	2	подмножеств множества действительных чисел, обозначения числовых промежутков. Применять метод математической индукции
1.2	Множества чисел. Свойства действительных чисел	2	для доказательства равенств, неравенств, утверждений, зависящих от натурального <i>п</i> . Оперировать формулами для числа
1.3	Метод математической индукции	1	перестановок, размещений и сочетаний. Доказывать числовые неравенства.
1.4	Перестановки	1	
1.5	Размещения	1	
1.6 1.7*	Сочетания Доказательство числовых нера-	1	Применять свойства делимости (срав-
	венств		нения по модулю $m$ ), целочисленность
1.8*	Делимость целых чисел	1	неизвестных при решении задач
1.9* 1.10	Сравнения по модулю <i>т</i> Задачи с целочисленными	1 1	
*	неиз- вестными	1	
	ациональные	18	Доказывать формулу бинома Ньютонаи
	нения и венства		основные комбинаторные соотно шения на биномиальные коэффициенты.
2.1	Рациональные выражения	1	Пользоваться треугольником
2.2	Формулы бинома Ньютона, суммыи разности степеней	2	Паскаля для решения задач о биномиальных коэффициентах. Оценивать число корней целого алгебраического
2.3*	Деление многочленов с остатком.Алгоритм Евклида	_	уравнения. Находить кратность корней многочлена. Уметь делить многочлен на многочлен (уголком или по
2.4*	Теорема Безу	_	схеме Горнера). Использовать деление
2.5*	Корень многочлена	_	ния целой части алгебраической дроби при решении задач.
2.6	Рациональные уравнения	2	Уметь решать рациональные уравнения и их системы. Применять различ
2.7	Системы рациональных уравнений	2	ные приёмы решения целых алгебраических уравнений: подбор целых
2.8	Метод интервалов решения неравенств	3	корней; разложение на множители (включая метод неопределённых коэф- фициентов); понижение степени урав-
2.9	Рациональные неравенства	3	нения; подстановка (замена неизвестного). Находить числовые промежут-
2.10	Нестрогие неравенства	3	ки, содержащие корни алгебраических уравнений. Решать рациональные неравенства
2.11	Системы рациональных неравенств	1	

	Контрольная работа № 1	1	
§ 3. K	орень степени <i>п</i>	12	
3.1	Понятие функции и её	1	
3.2	графикаФункция $y = x^n$	2	
3.3	Понятие корня степени <i>п</i>	1	
3.4	Корни чётной и нечётной степе-ней	2	
3.5	Арифметический	2	
3.6	корень Свойства	2	
3.7	корней степени <i>п</i>	1	
3.8	Функция $y = {}^n x$ $(x 0)$	_	
*	Функция $y = {}^n x$	_	
3.9 *	Корень степени <i>п</i> из натуральногочисла		
	Контрольная работа № 2	1	
§ 4. С числа	тепень положительного	13	Формулировать определения степени с рациональным показателем. Формулировать
4.1	4.1 Степень с рациональным показателем		свойства степени с рациональным показателем и применять их при преобразовании числовых и бук- венных выражений. Формулировать
4.2	Свойства степени с рациональнымпоказателем	2	определения степени с иррациональным показателем и её свойства. Формулировать определение предела
4.3	Понятие предела последовательности	2	последовательности, приводить примеры последовательностей, имеющихпредел и не имеющих предела, вычислять несложные
4.4 *	Свойства пределов	2	пределы, решать задачи, связанные с бесконечно убывающей геометрической
4.5	Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия	1	прогрессией.Формулировать свойства показательной функции, строить её график.
4.6	Число <i>е</i>	1	Пографику показательной функции описывать её свойства. Приводить примеры
4.6	Понятие степени с	1	показательной функции (заданнойс помощью графика или формулы),
4.7	иррациональным показателем	2	обладающей заданными свойствами. Уметь
4.8	Показательная функция		пользоваться теоремой о пределе монотонной ограниченной после-
	Контрольная работа № 3	1	довательности
§ 5. J	Іогарифмы	6	Формулировать определение логарифма, знать свойства логарифмов. Доказывать
5.1	Понятие	2	свойства логарифмов и применять свойства
5.2	логарифма	3	при преобразовании числовых и буквенных выражений.
5.3	Свойства	1	Выполнять преобразования степенных и логарифмических выражений.
	логарифмов		
	Логарифмическая функция		

5.4*	Десятичные лог	_	По графику логарифмической функции			
5.5*	Степенные функции	_	описывать её свойства. Приводить пример логарифмических функций (заданных помощью графика или формулы обладающих заданными свойствами			
	казательные и логарифмические ения и неравенства	11	Решать простейшие показательные и логарифмические уравнения и неравенства, а			
6.1	Простейшие показательные урав нения	1	также уравнения и неравенства, сводящиеся к простейшим при помощи замены неизвестного			
6.2	Простейшие логарифмические уравнения	1				
6.3	Уравнения, сводящиеся к простей шим заменой неизвестного	2				
6.4	Простейшие показательные неравенства	2				
6.5	Простейшие логарифмические неравенства	2				
6.6	Неравенства, сводящиеся к про стейшим заменой неизвестного	2				
	Контрольная работа № 4	1				
	I. Тригонометрические формулы. юметрические функции	45	Формулировать определение угла, использовать градусную и радианную меры			
§ 7. Си	нус и косинус угла	7	угла. Переводить градусную меру угла в радианную и обратно.			
7.1	Понятие угла	1	Формулировать определения синуса и косинуса угла.			
7.2	Радианная мера угла	1	косинуса угла. Знать основные формулы для sin a ucos a и применять их при преобразовании			
7.3	Определение синуса и косинусаугла	1	тригонометрических выражений. Формулировать определения арксинуса и			
7.4	Основные формулы для sin a ucos a	2	арккосинуса числа, знать и при- менять формулы для арксинуса и арк-косинуса			
7.5	Арксинус	1				
7.6	Арккосинус	1				
7.7	Примеры использования арксинуса и арккосинуса Формулы для арксинуса и арккосинуса	_				
6 Q T-	 нгенс и котангенс угла	6	Формулировать определения тангенса и			

8.1	Определение тангенса и котанген-са	1	котангенса угла. Знать основныеформулы для tg a и ctg a и применять их при
8.2	угла Основные формулы для tg a и	2	преобразовании тригонометри- ческих выражений. Формулировать определения
0.2	ctg a	_	арктангенса и арккотан- генса числа, знать и
8.3	Арктангенс	1	применять фор- мулы для арктангенса и арккотангенса
8.4*	Арккотангенс	1	
8.5*	Примеры использования арктангенса и арккотангенса	_	
8.6*	Формулы для арктангенса и арккотангенса	_	
	Контрольная работа № 5	1	
§ 9. Фо	ррмулы сложения	11	Знать формулы косинуса разности (суммы) двух углов, формулы для до- полнительных
9.1	Косинус разности и косинус суммы двух углов	2	углов, синуса суммы (разности) двух углов, суммы и раз- ности синусов и косинусов,
9.2	Формулы для дополнительных углов	1	формулыдля двойных и половинных углов, произведения синусов и косинусов, формулы для тангенсов.
9.3	Синус суммы и синус разностидвух углов	2	Выполнять преобразования тригоно- метрических выражений при помощи формул
9.4	Сумма и разность синусов и коси- нусов	2	
9.5	Формулы для двойных и половин- ных углов	2	
9.6*	Произведение синусов и косину-сов	1	
9.7*	Формулы для тангенсов	4	
9.7		1	
	ригонометрические функции	9	Знать определения основных тригоно-
	вого аргумента	2	метрических функций, их свойства, уметь строить их графики. По графи- кам
10.1	Функция $y = \sin x$	2	тригонометрических функций описывать их свойства
10.2	Функция $y = \cos x$	2	СВОИСТВА
10.3	Функция <i>y</i> = tg <i>x</i>	2	
10.4	Функция <i>y</i> = ctg <i>x</i>	2	
	Контрольная работа № 6	1	
§ 11. Т нераве	и ригонометрические уравненияи Риства	12	Решать простейшие тригонометриче- ские уравнения, неравенства, а также уравнения и
11.1	Простейшие тригонометрические уравнения	2	неравенства, сводящиеся к простейшим при помощи замены неизвестного, решать однородные уравнения. Применять все
11.2	Уравнения, сводящиеся к простей- шим заменой неизвестного	2	изученные свойства и способы решения тригоно-
11.3	Применение основных тригономе-	2	метрических уравнений и неравенств при решении прикладных задач. Ре- шать
11.4	трических формул для решения уравнений Однородные уравнения	1	тригонометрические уравнения, неравенства при помощи введения вспомогательного угла, замены неиз-вестного $t = \sin x + \cos x$
11.5*	Простейшие неравенства для синуса и	1	$100.5 \text{ Becomoro} i = \sin x + \cos x$

11.6*	Простейшие неравенства для тан- генса и котангенса	1	
11.7*	Неравенства, сводящиеся к про- стейшим заменой неизвестного	1	
11.8*	Введение вспомогательного углаЗамена	1	
11.9*	неизвестного t = sin x + cos x	_	
	Контрольная работа № 7	1	
Глава I	II. Элементы теории вероятностей	8	Приводить примеры случайных вели- чин
§ 12. B	ероятность события	6	(число успехов в серии испытаний, число попыток при угадывании,размеры выигрыша
12.1	Понятие вероятности события	3	(прибыли) в зависимости от случайных обстоятельств и т. п.). Находить
12.2	Свойства вероятностей событий	3	математическое ожидание и дисперсию случайной величины в случае конечного числа
§ 13*. <sup>1</sup>	Настота. Условная вероятность	2	исходов. Устанавливать независимость случайных величин. Делать обоснованные
13.1*	Относительная частота события	1	предположения о независимости случайных величин на основании статистических данных
13.2*	Условная вероятность. Независимые события	1	Seria ini na Genesalimi eraniem reelim gambix
§ 14*. и больши	Математическое ожидание. Закон их чисел <sup>1</sup>	ı	Иметь представление о законе больших чисел для последовательности независимых
14.1*	Математическое ожиданиеСложный	_	случайных величин, в частности представлять себе порядок типичного отклонения от среднего
14.2*	опыт	_	значения в зависимости от числа испытаний. Вычислять вероятность получения <i>k</i> успехов в
14.3*	Формула Бернулли. Закон больших чисел	_	испытаниях Бернулли с параметрами <i>p, q</i>
Итогов	ое повторение	11	
Итогова	я контрольная работа № 8	1	

# Геометрия

№ п/п	Тема	Кол- во часов	Характеристика основных видов деятельности ученика (на уровне учебных действий).
1	Повторение. Решение задач с применением свойств фигур на плоскости.	2	Формулировать и доказывать теоремы об угле между касательной и хордой, об отрезках пересекающихся хорд, о квадрате касательной;
2	Повторение. Задачи на доказательство и построение контрпримеров	2	выводить формулы для вычисления углов между двумя пересекающимися хордами, между двумя секущими, проведёнными из
3	Повторение. Использование в задачах простейших логических правил.	2	одной точки; формулировать и доказывать утверждения о свойствах и признаках вписанного и описанного четырёхугольников;

4	Повторение. Решение задач с использованием теорем о треугольниках, соотношений в прямоугольных треугольниках, фактов, связанных с четырехугольниками.	2	решать задачи с использованием изученных теорем и формул.  Выводить формулы, выражающие медиану и биссектрису треугольника через его стороны, а также различные формулы площади треугольника; формулировать и доказывать
5	Повторение. Решение задач с использованием фактов, связанных с окружностями.	2	утверждения об окружности и прямой Эйлера; решать задачи, используя выведенные формулы
6	Повторение. Решение задач на измерения на плоскости, вычисление длин и площадей.	2	
7	Повторение. Решение задач с помощью векторов и координат	2	
8	Наглядная стереометрия. Фигуры и их изображения (куб, пирамида, призма). Основные понятия стереометрии и их свойства.	1	Перечислять основные фигуры в пространстве (точка, прямая, плоскость), формулировать три аксиомы об их взаимном расположении и иллюстрировать эти аксиомы примерами из окружающей обстановки
9	Точка, прямая и плоскость в пространстве, аксиомы стереометрии и следствия из них.	2	Формулировать и доказывать теорему о плоскости, проходящей через прямую и не лежащую на ней точку, и теорему о плоскости, проходящей через две пересекающиеся прямые
10	Параллельность прямых.	1	Формировать определение параллельных
11	Параллельность прямых и плоскостей в пространстве.	2	прямых в пространстве, формулировать и доказывать теоремы о параллельных прямых; объяснять, какие возможны случаи взаимного
12	Контрольная работа №1	1	расположения прямой и плоскости в пространстве, и приводить иллюстрирующие
13	Изображение простейших пространственных фигур на плоскости.	1	примеры из окружающей обстановки; формулировать определение параллельности прямой и плоскости, формулировать и доказывать утверждения о параллельности
14	Взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве.	5	прямой и плоскости (свойства и признак); решать задачи на вычисление и
15	Параллелепипед. Свойства прямоугольного параллелепипеда.	2	доказательство, связанные со взаимным расположением прямых и плоскостей.  Формулировать определение параллельных
16	Теорема Пифагора в пространстве.	1	плоскостей, формулировать и доказывать
17	Сечения куба и тетраэдра.	2	утверждения о признаке и свойствах параллельных плоскостей, использовать эти утверждения при решении задач Объяснять, какая фигура называется
18	Контрольная работа №2	1	тетраэдром и какая параллелограммом, показывать на чертежах и моделях их элементы, изображать эти фигуры на рисунках, иллюстрировать с их помощью

19	Перпендикулярность прямых и плоскостей.  Расстояния между фигурами в	5	различные случаи взаимного расположения прямых и плоскостей в пространстве; формулировать и доказывать утверждения о свойствах параллелепипеда; объяснять, что называется сечением тетраэдра (параллелепипеда), решать задачи на построение сечений тетраэдра и параллелепипеда на чертеже  Формулировать определение перпендикулярных прямых в пространстве; формулировать и доказывать лемму о перпендикулярности двух прямых третьей прямой; формулировать определение прямой,
20	пространстве.	4	перпендикулярной к плоскости, и приводить иллюстрирующие примеры из окружающей
21	Углы в пространстве.	2	обстановки; формулировать и доказывать теоремы (прямую и обратную) о связи
22	Теорема о трех перпендикулярах.	3	параллельности прямых и их
23	Проекция фигуры на плоскость.	2	перпендикулярности к плоскости, теорему, выражающую признак перпендикулярности
24	Признаки перпендикулярности прямых и плоскостей в пространстве.	2	прямой и плоскости, и теорему о существовании и единственности прямой, проходящей через данную точку и
25	Контрольная работа №3	1	перпендикулярной к данной плоскости; решать задачи на вычисление и доказательство, связанные с перпендикулярностью прямой и плоскости Объяснить, что такое перпендикуляр и наклонная к плоскости, что называется проекцией наклонной, что называется расстоянием: от точки до плоскости, между параллельными прямой и плоскостью, между скрещивающимися прямыми; формулировать и доказывать теорему о трёх перпендикулярах и применять её при решении задач; объяснять, что такое ортогональная проекция точки (фигуры) на плоскость, и доказывать, что проекцией прямой на плоскость, не перпендикулярную к этой прямой, является прямая; объяснять, что называется углом между прямой и плоскостью и каким свойством он обладаем; объяснять, что такое центральная проекция точки (фигуры) на плоскость  Объяснять, какая фигура называется двугранным углом и как он измеряется; доказывать, что все линейные углы

			двугранного угла равны друг другу; объяснять, что такое угол между пересекающими плоскостями и в каких пределах он изменяется; формулировать определение взаимно перпендикулярных плоскостей, формулировать и доказывать теорему о признаке перпендикулярности двух плоскостей; объяснять, какой параллелепипед называется прямоугольным, формулировать и доказывать утверждения о его свойствах; объяснять, какая фигура называется многогранным (в частности, трёхгранником) углом и как называются его элементы, какой многогранный угол называется выпуклым; формулировать и доказывать утверждение о том, что каждый плоский угол трёхгранного угла меньше суммы двух других плоских углов, и теорему о сумме плоских углов выпуклого многогранного угла; решать задачи на вычисление и доказательство с использованием теорем о перпендикулярности прямых и плоскостей, а также задачи на построение сечений прямоугольного параллелепипеда на чертежей.  Использовать компьютерные программы при изучении вопросов, связанных со расположением прямых и плоскостей в пространстве
26	Многогранники	2	Объяснять, какая фигура называется
27	Призма. Элементы призмы	1	многогранником и как называются его элементы, какой многогранник называется
28	Правильная призма	1	выпуклым, приводить примеры многогранников; объяснять, что такое
29	Пирамида. Элементы пирамида	2	геометрическое тело; формулировать и
30	Правильная пирамида	2	доказывать теорему Эйлера для выпуклых многогранников; объяснять, какой многогранник называется призмой и как называются её элементы, какая призма
31	Прямая пирамида.	1	называется прямой, наклонной, правильной,
32	Контрольная работа №4	1	изображать призмы на рисунке; объяснять, что называется площадью полной (боковой) поверхности призмы, и доказывать теорему о площади боковой поверхности прямой призмы; выводить формулу ортогональной проекции многоугольника и доказывать пространственную теорему Пифагора; решать

# Алгебра

N₂	Тема урока	Кол-во	Дата	
		часов	план	факт
1	Повторение	1	2	
2	Повторение	1	5	
3	Понятие действительного числа.	1	7	
4	Понятие действительного числа.	1	8	
5	Множества чисел. Свойства действительных чисел.	1	9	
6	Множества чисел. Свойства действительных чисел.	1	12	
7	Метод математической индукции.	1	14	
8	Перестановки.	1	15	
9	Размещения.	1	16	
10	Сочетания.	1	19	
11	Доказательство числовых неравенств	1	21	
13	Делимость чисел.	1	22	
14	Сравнение по модулю	1	23	
15	Задачи с целочисленными неизвестными	1	26	
13	Задачи с целочисленными неизвестными		28	
	ВХОДНАЯ КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА		29	
1.6	Рациональные выражения	1		
16	Формула бинома Ньютона, суммы и разности		30	
17	степеней.	1	3	
18	Формула бинома Ньютона, суммы и разности степеней.	1	5	
19	Рациональные уравнения	1	6	
20	Рациональные уравнения.	1	7	
21	Системы рациональных уравнений.	1	10	
22	Системы рациональных уравнений.	1	12	
23	Метод интервалов решения неравенств.	1	13	
24	Метод интервалов решения неравенств.	1	14	
25	Рациональные неравенства	1	17	
26	Рациональные неравенства.	1	19	
27	Рациональные неравенства	1	20	
28	Нестрогие неравенства	1	21	
29	Нестрогие неравенства	1	24	
30	Системы рациональных неравенств.	1	26	
31	Системы рациональных неравенств	1	27	
32	Контрольная работа № 1 по теме «Рациональные	1	28	
	уравнения и неравенства».			
33	Работа над ошибками. Понятие функции и её графика.	1		
34	$\Phi$ ункция $y = x^{\pi}$ .	1		
35	Понятие корня степени п	1		
36	Понятие корня степени п.	1		

37	Корни четной и нечетной степени.	1	
38	Корни четной и нечетной степени	1	
39	Арифметический корень.	1	
40	Арифметический корень.	1	
41	Свойства корня степени п.	1	
42	Свойства корня степени п.	1	
43	Функция $y = \sqrt{x}$ , дде $x > 0$	1	
44	Контрольная работа № 2 по теме «Корень степени п».	1	
45	Понятие степени с рациональным показателем.	1	
46	Свойства степени с рациональным показателем.	1	
47	Свойства степени с рациональным показателем.	1	
48	Понятие предела последовательности.	1	
49	Понятие предела последовательности	1	
50	Свойства пределов	1	
51	Свойства пределов	1	
52	Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия.	1	
53	Число е.	1	
54	Степень с иррациональным показателем.	1	
55	Показательная функция.	1	
56	Показательная функция.	1	
57	Контрольная работа № 3 по теме: «Корень степени п.	1	
	Степень положительного числа.»	1	
58	Понятие логарифма	1	
59	Понятие логарифма	1	
60		1	
<i>(</i> 1	Свойства логарифмов		
61	Свойства логарифмов	1	
<b>62</b>	Свойства логарифмов	1	
63	Логарифмическая функции	1	
64	Простейшие показательные уравнения	1	
65	Простейшие логарифмические уравнения	1	
66	Уравнения, сводящиеся к простейшим заменой переменной	1	
67	Уравнения, сводящиеся к простейшим заменой переменной	1	
68	Простейшие показательные неравенства	1	
69	Простейшие логарифмические неравенства (урок изучения нового материала)	1	
70	Неравенства, сводящиеся к простейшим заменой неизвестного (комбинированный урок)	1	
71	Неравенства, сводящиеся к простейшим заменой неизвестного (комбинированный урок)	1	
72	Решение простейших показательных уравнений и неравенств (урок применения знаний и умений)	1	
73	Решение простейших показательных уравнений и неравенств (комбинированный урок)	1	

74	Контрольная работа № 4 по теме «Решение простейших показательных и логарифмических уравнений и неравенств» (контроль знаний и умений)	1	
75	Понятие угла(комбинированный урок)	1	
76	Радианная мера угла(комбинированный урок)	1	
77	Определение синуса и косинуса угла (комбинированный урок)	1	
78	Основные формулы для синуса и косинуса (урок применения знаний и умений)	1	
79	Основные формулы для синуса и косинуса (урок применения знаний и умений)	1	
80	Арксинус и арккосинус (урок изучения нового материала)	1	
81	Арксинус и арккосинус (комбинированный урок)	1	
82	Определение тангенса и котангенса угла (комбинированный урок)	1	
83	Основные формулы для тангенса и котангенса (урок изучения нового материала)	1	
84	Основные формулы для тангенса и котангенса (урок закрепления изученного материала)	1	
85	Арктангенс и арккотангенс, их формулы (комбинированный урок)	1	
86	Арктангенс и арккотангенс, их формулы (комбинированный урок)	1	
87	Контрольная работа $N_2$ 5 по теме «Синус, косинус, тангенс и котангенс угла» (контроль знаний и умений)	1	
88	Косинус разности и косинус суммы двух углов (урок изучения нового материала)	1	
89	Косинус разности и косинус суммы двух углов (урок изучения нового материала)	1	
90	Контрольная работа№4.Преобразование тригонометрических функций	1	
91	Формулы для дополнительных углов(комбинированный урок)	1	
92	Синус суммы и синус разности двух углов (урок изучения нового материала)	1	
93	Синус суммы и синус разности двух углов (урок закрепления изученного материала)	1	
94	Сумма и разность синусов и косинусов (урок изучения нового материала)	1	
95	Сумма и разность синусов и косинусов (комбинированный урок)	1	
96	Формулы двойных и половинных углов <i>(урок изучения нового материала)</i>	1	
97	Произведение синусов и косинусов (комбинированный урок)	1	
98	Произведение синусов и косинусов (комбинированный урок)	1	
99	Функция синус(урок изучения нового материала)	1	
100	Функция синус(урок изучения нового материала)	1	
101	Функция косинус(комбинированный урок)	1	
102	Функция косинус(комбинированный урок)	1	
103	Функция тангенс(комбинированный урок)	1	
104	Функция котангенс(комбинированный урок)	1	
105	Тригонометрические функции <i>(урок применения знаний и умений)</i>	1	

106	Тригонометрические функции (урок применения знаний и умений)	1	
107	Контрольная работа №6 по теме «Тригонометрические функции числового аргумента» (контроль знаний и умений)	1	
108	Простейшие тригонометрические уравнения	1	
109	Уравнения, сводящиеся к простейшим заменой неизвестного	1	
110	Уравнения, сводящиеся к простейшим заменой неизвестного	1	
111	Применение основных тригонометрических формул для решения уравнений	1	
112	Применение основных тригонометрических формул для решения уравнений	1	
113	Однородные уравнения	1	
114	Однородные уравнения	1	
115	Введение вспомогательного угла	1	
116	Замена неизвестного	1	
117	Простейшие неравенства для синуса, косинуса, тангенса и котангенса	1	
118	Простейшие неравенства для синуса, косинуса, тангенса и котангенса	1	
119	Контрольная работа № 7 по теме «Тригонометрические уравнения и неравенства»	1	
120	Понятие вероятности события	1	
121	Понятие вероятности события	1	
122	Понятие вероятности события	1	
123	Свойства вероятностей	1	
124	Свойства вероятностей	1	
125	Свойства вероятностей	1	
126	Относительная частота события	1	
127	Условная вероятность. Независимые события.	1	
128	Повторение .Действительные числа	1	
129	Повторение Рациональные уравнения и неравенства	1	
130	Повторение Рациональные уравнения и неравенства	1	
131	Повторение Корень степени п	1	
132	Повторение Степень положительного числа	1	
133	Повторение Логарифмы	1	
134	Повторение Показательные и логарифмические уравнения и неравенства	1	
135	Повторение Тригонометрия	1	
136	Повторение Тригонометрия	1	
100			

# Геометрия

N₂	Тема урока	Кол-во	Дата			
		часов	план	факт		
1	Повторение. Решение задач с применением	1	6			
2	свойств фигур на плоскости. Повторение. Решение задач с применением		0			
2	свойств фигур на плоскости.	1	8			
3	Повторение. Задачи на доказательство и		13			
	построение контрпримеров	1				
4	Повторение. Задачи на доказательство и	1	15			
	построение контрпримеров					
5	Повторение. Использование в задачах	1	20			
-	простейших логических правил.  Повторение. Использование в задачах		22			
6	Повторение. Использование в задачах простейших логических правил.	1	22			
7	Повторение. Решение задач с использованием		27			
,	теорем о треугольниках, соотношений в	1				
	прямоугольных треугольниках, фактов,	1				
	связанных с четырехугольниками.					
8	Повторение. Решение задач с использованием		29			
	теорем о треугольниках, соотношений в прямоугольных треугольниках, фактов,	1				
	прямоугольных греугольниках, фактов, связанных с четырехугольниками.					
9	Повторение. Решение задач с использованием		4			
	фактов, связанных с окружностями.	1	_			
10	Повторение. Решение задач с использованием	1	6			
	фактов, связанных с окружностями.	<u> </u>				
11	Повторение. Решение задач на измерения на	1	11			
10	плоскости, вычисление длин и площадей. Повторение. Решение задач на измерения на		12			
12	плоскости, вычисление длин и площадей.	1	13			
13	Повторение. Решение задач с помощью				18	
10	векторов и координат	1				
14	Повторение. Решение задач с помощью	1	20			
	векторов и координат	1				
15	Наглядная стереометрия. Фигуры и их		25			
	изображения (куб, пирамида, призма).	1				
	Основные понятия стереометрии и их свойства.					
16	Точка, прямая и плоскость в пространстве,	1	27			
10	аксиомы стереометрии и следствия из них.		21			
17	Точка, прямая и плоскость в пространстве,	1				
	аксиомы стереометрии и следствия из них.	1				
18	Параллельность прямых.	1				
19	Параллельность прямых и плоскостей в	1				
•	пространстве.					
20	Параллельность прямых и плоскостей в	1				
	пространстве.					

пространствен"         22       Изображение простейших пространственны фигур на плоскости.         23       Взаимное расположение прямых и плоскосте в пространстве.         24       Взаимное расположение прямых и плоскосте в пространстве.         25       Взаимное расположение прямых и плоскосте в пространстве.         26       Взаимное расположение прямых и плоскосте в пространстве.	тей 1 гей 1
<ul> <li>Взаимное расположение прямых и плоскосте в пространстве.</li> </ul>	тей 1 гей 1
в пространстве.  24 Взаимное расположение прямых и плоскосте в пространстве.  25 Взаимное расположение прямых и плоскосте в пространстве.  26 Взаимное расположение прямых и плоскосте в пространстве.	тей 1
в пространстве.  25 Взаимное расположение прямых и плоскосте в пространстве.  26 Взаимное расположение прямых и плоскосте в пространстве.	I гей
в пространстве.  26 Взаимное расположение прямых и плоскосте в пространстве.	гей 1
в пространстве.	_
	тей 1
Взаимное расположение прямых и плоскосте в пространстве.	тей 1
<b>28</b> Параллелепипед. Свойства прямоугольного параллелепипеда.	1
29 Параллелепипед. Свойства прямоугольного	1
параллелепипеда. <b>30</b> Теорема Пифагора в пространстве.	1
31 Сечения куба и тетраэдра.	
	1
32 Сечения куба и тетраэдра.	1
33 Контрольная работа №2"Параллельность пространстве"	1
34 Перпендикулярность прямых и плоскостей.	1
35 Перпендикулярность прямых и плоскостей.	1
36 Перпендикулярность прямых и плоскостей.	1
37 Перпендикулярность прямых и плоскостей.	1
38 Перпендикулярность прямых и плоскостей.	1
39 Расстояния между фигурами в пространстве.	. 1
40 Расстояния между фигурами в пространстве.	
41 Углы в пространстве.	1
42 Углы в пространстве.	1
43 Теорема о трех перпендикулярах.	1
44 Теорема о трех перпендикулярах	1
45 Теорема о трех перпендикулярах	1
46 Теорема о трех перпендикулярах	1
47 Проекция фигуры на плоскость.	1
48 Проекция фигуры на плоскость.	1
<b>49</b> Признаки перпендикулярности прямых плоскостей в пространстве.	и 1
50 Признаки перпендикулярности прямых плоскостей в пространстве.	и 1
1 1	№3 1
52 Многогранники	1
53 Многогранники	1

54	Призма. Элементы призмы	1	
55	Правильная призма	1	
56	Пирамида. Элементы пирамида	1	
57	Пирамида. Элементы пирамида	1	
58	Правильная пирамида	1	
<b>59</b>	Правильная пирамида	1	
60	Прямая пирамида.	1	
61	Контрольная работа №4 "Многогранники"	1	
62	Повторение.	1	
63	Параллельность прямых и плоскостей в пространстве	1	
64	Параллельность прямых и плоскостей в пространстве	1	
65	Взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве	1	
66	Взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве	1	
67	Признаки перпендикулярности прямых и плоскостей в пространстве.	1	
68	Признаки перпендикулярности прямых и плоскостей в пространстве.	1	

# Контрольно-измерительные материалы.

# Алгебра.

- 1. Упростите выражение  $\left(\frac{8a}{a^2-b^2}+\frac{3}{b-a}-\frac{4}{a+b}\right)$ :  $\frac{1}{5a-5b}$ .
- 2. Решите уравнение  $\frac{2x+3}{x^2-2x} \frac{x-3}{x^2+2x} = 0$ .
- 3. Решите неравенство:

a) 
$$\frac{(x-2)(x+2)}{x-3} < 0;$$
 6)  $\frac{x^2-10x+25}{x^2-4x-12} \ge 0.$ 

$$(5) \frac{x^2 - 10x + 25}{x^2 - 4x - 12} \ge 0.$$

- **4\*.** а) Упростите выражение  $\left(\frac{1}{n^2-n} + \frac{1}{n^2+n}\right)$ :  $\frac{n+3}{n^2-1}$ .
  - б) Найдите значение полученного выражения при n = -1.
- 5\*. Докажите справедливость неравенства:

a) 
$$x^2 + y^2 - 2x + 4y + 5 \ge 0$$
;

6) 
$$x^4 - 3x^2 - 2x + 6 > 0$$
;

6) 
$$x^4 - 3x^2 - 2x + 6 > 0$$
;  
B)  $x^2 + 2x + \frac{1}{x^2 + 2x + 2} \ge 0$ .

- **6\*.** Решите уравнение  $x^4 x^3 3x^2 + 4x 4 = 0$ .
- 7\*. К двузначному числу приписали цифру 1 сначала справа, потом слева, получились два числа, разность которых равна 234. Найдите это двузначное число.

# II вариант

- 1. Упростите выражение  $\left(\frac{6a}{a^2-b^2}-\frac{2}{a+b}+\frac{3}{b-a}\right):\frac{1}{4a+4b}$ .
- 2. Решите уравнение  $\frac{2x+4}{x^2-x} \frac{x-4}{x^2+x} = 0$ .
- 3. Решите неравенство

a) 
$$\frac{(x-2)(x-4)}{x+3} < 0$$

a) 
$$\frac{(x-2)(x-4)}{x+3} \le 0$$
; 6)  $\frac{x^2-8x+16}{x^2-3x-10} \ge 0$ .

- **4\***. а) Упростите выражение  $\left(\frac{1}{n^2-n}-\frac{1}{n^2+n}\right):\frac{n-2}{n^2-1}$ .
  - б) Найдите значение полученного выражения при n = -1.
- 5\*. Докажите справедливость неравенства:

a) 
$$x^2 + y^2 - 4x + 2y + 5 \ge 0$$
;

6) 
$$x^4 - 5x^2 - 2x + 11 > 0$$
;

6) 
$$x^4 - 5x^2 - 2x + 11 > 0$$
;  
B)  $x^2 - 2x + \frac{1}{x^2 - 2x + 2} \ge 0$ .

- 6\*. Решите уравнение  $x^4 + x^3 8x^2 9x 9 = 0$ .
- 7\*. К двузначному числу приписали цифру 4 сначала справа, потом слева, получились два числа, разность которых равна 432. Найдите это двузначное число.

#### K-2I вариант

1. Верно ли равенство:  
a) 
$$\sqrt[4]{2^4} = 2$$
; б)  $\sqrt[4]{(-3)^4} = -3$ ; в)  $\sqrt[4]{(-4)^4} = 4$ ; г)  $\sqrt[4]{5^4} = -5$ ?

2. Избавьтесь от иррациональности в знаменателе дроби: a) 
$$\frac{3}{\sqrt[3]{5}}$$
; б)  $\frac{6}{\sqrt[3]{5}+1}$ ; в)  $\frac{3}{\sqrt[3]{16}+\sqrt[3]{4}+1}$ .

3. Вычислите:

a) 
$$\sqrt[4]{312^2 + 2 \cdot 312 \cdot 313 + 313^2}$$
;

6) 
$$\sqrt[3]{1987^3 - 3 \cdot 1987^2 \cdot 987 + 3 \cdot 1987 \cdot 987^2 - 987^3}$$
.

**4.** Упростите выражение  $(\sqrt[4]{a} - \sqrt[4]{b})(\sqrt[4]{a} + \sqrt[4]{b})(\sqrt{a} + \sqrt{b})$ .

**5\***. Вычислите 
$$\sqrt[3]{27} - \sqrt[4]{81} + \frac{2}{\sqrt{5} - \sqrt{3}} - \sqrt[4]{25} - \sqrt[4]{9}$$
.

- **6\***. Найдите значение выражения  $\sqrt[4]{x\sqrt[3]{x\sqrt{x}}}$  при  $x = \sqrt[3]{4^4}$ .
- 7\*. Велосипедист и пешеход отправились одновременно из пункта А в пункт В. Скорость велосипедиста была в 2 раза больше скорости пешехода, но в пути он сделал остановку для устранения поломки велосипеда и поэтому в пункт В прибыл лишь на 5 мин раньше пешехода, который на весь путь затратил 40 мин. Сколько минут велосипедист устранял поломку велосипеда?

#### K-2 II вариант

1. Верно ли равенство:

a) 
$$\sqrt[6]{3^6} = -3$$
; б)  $\sqrt[6]{4^6} = 4$ ; в)  $\sqrt[6]{(-5)^6} = 5$ ; г)  $\sqrt[6]{(-6)^6} = -6$ 

2. Избавьтесь от иррациональности в знаменателе дроби:

a) 
$$\frac{5}{\sqrt[3]{3}}$$
; 6)  $\frac{\sqrt[3]{2}}{\sqrt[3]{2}-1}$ ; B)  $\frac{6}{\sqrt[3]{25}-\sqrt[3]{5}+1}$ .

a) 
$$\sqrt[4]{800^2 - 2 \cdot 800 \cdot 175 + 175^2}$$
;

6) 
$$\sqrt[3]{789^3 + 3 \cdot 789^2 \cdot 211 + 3 \cdot 789 \cdot 211^2 + 211^3}$$
.

**4.** Упростите выражение  $(\sqrt{x} + \sqrt{y})(\sqrt[4]{x} - \sqrt[4]{y})(\sqrt[4]{x} + \sqrt[4]{y})$ .

5\*. Вычислите 
$$\sqrt[3]{125} - \sqrt[4]{625} + \frac{4}{\sqrt{6} + \sqrt{2}} - \sqrt[4]{36} + \sqrt[4]{4}$$
.

- 6\*. Найдите значение выражения  $\sqrt[4]{x\sqrt{x\sqrt[3]{x}}}$  при  $x = \sqrt[5]{27^4}$ .
- 7\*. Велосипедист и мотоциклист отправились одновременно из пункта A в пункт B. Скорость мотоциклиста была в 3 раза больше скорости велосипедиста, но в пути он сделал остановку для устранения поломки мотоцикла и поэтому в пункт В прибыл на 5 мин позже велосипедиста, который на весь путь затратил 60 мин. Сколько минут мотоциклист устранял поломку мотоцикла?

#### K-3 I вариант

- Найдите значение выражения  $\left(a^{\frac{1}{2}} \cdot a^{\frac{1}{3}}\right)^6$  при  $a = \left(\frac{1}{2}\right)^{\frac{2}{5}}$ .
- Вычислите  $\frac{3^{\frac{1}{2}} \cdot 9^{\frac{3}{4}}}{2^{\frac{2}{3}} \cdot 4^{\frac{2}{3}}}.$
- 3. Постройте график функции и перечислите свойства этой функции:
  - a)  $y = 2^x$ ; 6)  $y = \left(\frac{1}{3}\right)^x$ .
- 4. Упростите выражение  $\left(\frac{2}{\frac{1}{14} \frac{1}{14}} + \frac{2}{\frac{1}{14} \frac{1}{14}}\right) \cdot \frac{x^{\frac{1}{2}} y^{\frac{1}{2}}}{6x^{\frac{1}{4}} \frac{1}{2}}$
- - его значение при x = 0.9919.
- 6\*. Вычислите предел последовательности:

- a)  $\lim_{n \to +\infty} \frac{5n^3 n^2 4}{3n^3 + 11n^2 + 1};$  6)  $\lim_{n \to +\infty} \frac{3n^2 + 4}{n^3 + n^2 + 1};$ B)  $\lim_{n \to +\infty} (\sqrt[3]{n+1} \sqrt[3]{n});$  7)  $\lim_{n \to +\infty} (4 + 5n + 4n^2 3n^3).$
- 7\*. Велосипедист и пешеход отправились одновременно из пунктов А и В навстречу друг другу и встретились через некоторое время. Если бы они отправились одновременно из тех же пунктов в одном направлении, то, для того чтобы догнать пешехода, велосипедисту потребовалось бы в 5 раз больше времени, чем они потратили до встречи при движении навстречу друг другу. Во сколько раз скорость велосипедиста больше скорости пешехода?

#### K-3 II вариант

- 1. Найдите значение выражения  $\left(a^{\frac{1}{4}} \cdot a^{\frac{1}{3}}\right)^{12}$  при  $a = \left(\frac{3}{4}\right)^{\frac{7}{7}}$
- 2. Вычислите  $\frac{2^{\frac{1}{2}} \cdot 4^{\frac{3}{4}}}{9^{\frac{2}{3}} \cdot 3^{\frac{2}{3}}}$
- 3. Постройте график функции и перечислите свойства этой функции:  $(\ \ )^x$ 
  - a)  $y = 3^x$ ; 6)  $y = \left(\frac{1}{2}\right)^x$ .
- 4. Упростите выражение  $\left(\frac{3}{\frac{1}{x^4+y^4}} + \frac{3}{\frac{1}{x^4-y^4}}\right) \cdot \frac{y^{\frac{1}{2}}-x^{\frac{1}{2}}}{4x^{\frac{1}{4}y}}$
- его значение при  $x = \frac{65}{81}$
- 6\*. Вычислите предел последовательности:
  - а)  $\lim_{n \to +\infty} \frac{4n^3 5n^2 4}{5n^3 + 12n^2 + 13};$  6)  $\lim_{n \to +\infty} \frac{n^3 2n^2 + 4}{n^2 + 11n};$  8)  $\lim_{n \to +\infty} (\sqrt[3]{n} \sqrt[3]{n 1});$  г)  $\lim_{n \to +\infty} (14 n + 3n^2)$
- r)  $\lim_{n\to\infty} (14-n+3n^2-2n^3)$ .
- 7\*. Мотоциклист и велосипедист отправились одновременно из пунктов A и B навстречу друг другу и встретились через некоторое время. Если бы они отправились одновременно из тех же пунктов в одном направлении, то, для того чтобы догнать велосипедиста, мотоциклисту потребовалось бы в 2 раза больше времени, чем они потратили до встречи при движении навстречу друг другу. Во сколько раз скорость мотоциклиста больше скорости велосипедиста?

#### K-4 I вариант

- 1. Вычислите:
  - a)  $\log_2 32 + \ln e \lg 100$ ;

$$\text{ 6) } \frac{\left(\log_2(\sqrt{5}-1) + \log_2(\sqrt{5}+1)\right)\log_3 49}{\log_3 7}.$$

2. Решите уравнение:

a) 
$$\left(\frac{1}{9}\right)^x + 8 \cdot \left(\frac{1}{3}\right)^x - 9 = 0;$$
 6)  $\log_3 x + 4 \log_9 x = 9.$ 

- 3. Решите неравенство: a)  $2^{x+3} 3 \cdot 2^{x+1} + 2^x < 12$ ; 6)  $(\log_{0.5} x)^2 3\log_{0.5} x 4 \le 0$ .
- 4\*. Докажите числовое равенство

$$\left(\sqrt{3}\right)^{\log_3(\sqrt{5}-2)^2} + \left(\sqrt{2}\right)^{\log_2(\sqrt{5}-3)^2} = 1.$$

5\*. Вычислите значение числового выражения

- 6\*. Решите уравнение  $2 \cdot \left(\frac{2}{3}\right)^{x-1} 4 \cdot \left(\frac{3}{2}\right)^x + 1 = 0.$
- 7\*. Проехав за 1 ч три четверти расстояния между городами А и В, водитель увеличил скорость на 20 км/ч, поэтому остаток пути он проехал за 15 мин. Определите расстояние между городами А и В.

#### K-4 II вариант

- 1. Вычислите:

a) 
$$\log_3 81 - \ln e + \lg 1000$$
;  
6)  $\frac{2 \cdot \log_7 16}{\left(\log_3(\sqrt{10} + 1) + \log_3(\sqrt{10} - 1)\right)\log_7 2}$ .

2. Решите уравнение:

a) 
$$4^x - 3 \cdot 2^x + 2 = 0$$
; 6)  $\log_2 x + 6 \log_4 x = 8$ .

- 3. Решите неравенство: a)  $3^{x+2} 2 \cdot 3^{x+1} + 3^x \le 12$ ;

6) 
$$(\log_{0.5} x)^2 + 3\log_{0.5} x - 4 \le 0.$$

4\*. Докажите числовое равенство

$$\left(\sqrt{5}\right)^{\log_5(\sqrt{2}-1)^2} + \left(\sqrt{3}\right)^{\log_3(\sqrt{2}-2)^2} = 1.$$

5\*. Вычислите значение числового выражения

- 6\*. Решите уравнение  $5 \cdot \left(\frac{5}{6}\right)^{x-1} 9 \cdot \left(\frac{6}{5}\right)^x + 3 = 0$ .
- 7\*. Проехав за 2 ч две трети расстояния между городами A и B, водитель уменьшил скорость на 15 км/ч, поэтому остаток пути он проехал за 1 ч 20 мин. Определите расстояние между городами А и В.

#### K-5 I вариант

- 1. Вычислите:
  - a)  $\sqrt{3} \sin 60^{\circ} + \cos 60^{\circ} \sin 30^{\circ} tg 45^{\circ} ctg 135^{\circ} + ctg 90^{\circ}$ ;

6) 
$$\cos \frac{\pi}{6} - \sqrt{2} \sin \frac{\pi}{4} + \sqrt{3} \operatorname{tg} \frac{\pi}{3}$$
.

2. Упростите выражение:

a) 
$$\frac{(1-\cos\alpha)(1+\cos\alpha)}{\sin\alpha}$$
,  $\alpha \neq \pi n$ ,  $n \in \mathbb{Z}$ ;

- 6)  $\sin(2\pi + \alpha) + \cos(\pi + \alpha) + \sin(-\alpha) + \cos(-\alpha)$ .
- 3. Вычислите:
  - a)  $(\sin \alpha + \cos \alpha)^2 2 \sin \alpha \cos \alpha$ ;
  - б)  $tg \alpha + ctg \alpha$ , если  $sin \alpha cos \alpha = 0,4$ .
- 4. Найдите все такие углы α, для каждого из которых выполняется равенство:
  - a)  $\sin \alpha = \frac{\sqrt{3}}{2}$ ;
- 6)  $\cos \alpha = -\frac{\sqrt{2}}{2}$ ; r)  $\operatorname{ctg} \alpha = -1$ .
- B)  $tg \alpha = \sqrt{3}$ ;
- 5\*. Вычислите:
  - а)  $tg^2\alpha + ctg^2\alpha$ , если  $tg\alpha + ctg\alpha = 3$ ;
  - 6)  $\frac{3\sin\alpha 4\cos\alpha}{5\sin\alpha + 6\cos\alpha}$ , если  $tg\alpha = -3$ .
- 6\*. Вычислите  $\arcsin \frac{\sqrt{2}}{2} \arccos 0 + \frac{\arctan \sqrt{3}}{\arctan \frac{\sqrt{3}}{3}}$
- 7\*. В прошлом году в городской думе заседали 50 депутатов от двух партий и 5 независимых депутатов. После выборов в этом году общее число депутатов не изменилось, но число депутатов первой партии увеличилось на 10%, число депутатов второй партии уменьшилось на 10%, число независимых депутатов увеличилось на 1. Сколько депутатов от каждой из этих партий избрано в городскую думу в этом году?

#### K-5 II вариант

- 1. Вычислите:
  - a)  $\sqrt{2} \sin 45^{\circ} \cos 30^{\circ} \sin 60^{\circ} + \cot 45^{\circ} \tan 135^{\circ} \tan 0^{\circ};$ 6)  $\sin \frac{\pi}{3} + \sqrt{2} \cos \frac{\pi}{4} \sqrt{3} \cot \frac{\pi}{6}.$

6) 
$$\sin \frac{\pi}{3} + \sqrt{2} \cos \frac{\pi}{4} - \sqrt{3} \cot \frac{\pi}{6}$$

- 2. Упростите выражение: a)  $\frac{(1-\sin\alpha)(1+\sin\alpha)}{\cos\alpha}$ ,  $\alpha \neq \frac{\pi}{2} + \pi n$ ,  $n \in \mathbb{Z}$ ; 6)  $\sin(\pi + \alpha) + \cos(2\pi + \alpha) \sin(-\alpha) \cos(-\alpha)$ .
- 3. Вычислите:
  - a)  $(\sin \alpha \cos \alpha)^2 + 2 \sin \alpha \cos \alpha$ ;
  - б)  $tg \alpha + ctg \alpha$ , если  $\sin \alpha \cos \alpha = 0,2$ .
- 4. Найдите все такие углы α, для каждого из которых выполняется равенство:
- 5\*. Вычислите:
  - а)  $tg^2\alpha + ctg^2\alpha$ , если  $tg\alpha ctg\alpha = -3$ ;
  - 6)  $\frac{6\sin\alpha + 5\cos\alpha}{4\sin\alpha 3\cos\alpha}$ , если  $tg\alpha = 3$ .
- 6\*. Вычислите  $\arcsin 0 \arccos \frac{\sqrt{2}}{2} \frac{\arctan \frac{\sqrt{3}}{3}}{\operatorname{arcetg} \sqrt{3}}$
- 7\*. В пансионате в прошлом году отдыхали 700 мужчин и женщин и 100 детей. В этом году число мужчин уменьшилось на 10 %, а число женщин увеличилось на 10%, число детей увеличилось на 10. В результате общее число отдыхающих не изменилось. Сколько мужчин и сколько женщин отдыхало в пансионате в этом году?

# К-6 Івариант

- 1. Упростите выражение:
  - a)  $\cos(\alpha + \beta) + 2\sin\alpha\sin\beta$ , если  $\alpha \beta = \pi$ ;

6) 
$$\sin^2 \alpha + \frac{\sin(\pi - \alpha)\cos\left(\frac{\pi}{2} - \alpha\right)}{\operatorname{tg}(\pi + \alpha)\operatorname{ctg}\left(\frac{3\pi}{2} - \alpha\right)}$$
,  $\alpha \neq \frac{\pi n}{2}$ ,  $n \in \mathbb{Z}$ .

- 2. Вычислите  $\sin 2004^{\circ} \cos 1974^{\circ} \sin 1974^{\circ} \cos 2004^{\circ}$ .
- 3. Известно, что  $\sin \alpha = 0.8$ ,  $\frac{\pi}{2} \le \alpha \le \pi$ .

Вычислите: a)  $\cos \alpha$ ; б)  $\sin 2\alpha$ ; в)  $\cos 2\alpha$ .

4. Постройте график функции

 $y = \cos 7x \cos 6x + \sin 7x \sin 6x.$ 

- **5\***. Вычислите  $\cos 5^{\circ} 2 \sin 25^{\circ} \sin 20^{\circ}$ .
- 6\*. Докажите справедливость равенства

$$\cos 44^{\circ} \cos 16^{\circ} - \cos 59^{\circ} \cos 31^{\circ} = \frac{1}{4}.$$

7\*. Пешеход вышел из города A в город B. Через час после этого навстречу ему выехал велосипедист из города B в город A. Через 2 ч после своего выезда велосипедист встретился с пешеходом, а через 1 ч после встречи прибыл в город A. Сколько времени был в пути пешеход?

# K-6 II вариант

- 1. Упростите выражение:
  - а)  $\sin(\alpha \beta) + 2\sin\beta\cos\alpha$ , если  $\alpha + \beta = \pi$ ;

6) 
$$\cos^2 \alpha + \frac{\sin\left(\frac{\pi}{2} + \alpha\right)\cos(\pi - \alpha)}{\cot(\pi - \alpha)}$$
,  $\alpha \neq \frac{\pi n}{2}$ ,  $n \in \mathbb{Z}$ .

- 2. Вычислите cos 2005° cos 1960° + sin 1960° sin 2005°.
- 3. Известно, что  $\cos \alpha = -0.6$ ,  $\frac{\pi}{2} < \alpha < \pi$ .

Вычислите: a)  $\sin \alpha$ ; б)  $\sin 2\alpha$ ; в)  $\cos 2\alpha$ .

4. Постройте график функции

 $y = \sin 7x \cos 6x - \sin 6x \cos 7x.$ 

- 5\*. Вычислите  $\sin 10^{\circ} + 2 \sin 25^{\circ} \cos 35^{\circ}$ .
- 6\*. Докажите справедливость равенства

$$\sin 51^{\circ} \cos 39^{\circ} - \sin 21^{\circ} \cos 9^{\circ} = \frac{1}{4}$$

7\*. Велосипедист выехал из города A в город B. Через час после этого навстречу ему выехал мотоциклист из города B в город A. Через час после своего выезда мотоциклист встретился с велосипедистом, а через 0,5 ч после встречи прибыл в город A. Сколько времени был в пути велосипедист?

# К-7 І вариант

Решите уравнение (1-5).

- 1. a)  $\cos x = -1$ ; b)  $\sin x = \frac{\sqrt{2}}{2}$ ; b)  $\cot x = -\sqrt{3}$ .
- 2. a)  $\sin^2 x + \sin x 2 = 0$ ; 6)  $3\sin^2 x \cos x + 1 = 0$ .
- 3. a)  $\sin x \cos x = 0$ ; 6)  $3 \sin^2 x + 2\sqrt{3} \sin x \cos x + \cos^2 x = 0$ .
- **4\***. a)  $\sin x = -0.5$ ; 6)  $\cos x = \frac{1}{3}$ ; B)  $\tan x = -3$ .
- 5\*. a)  $\sin x + \cos x = 1$ ; 6)  $2\cos^2 x + \sin 4x = 1$ .
- 6\*. Решите неравенство: a)  $\sin x < 0.5$ ; б)  $\cos x > 0.5$ ; в)  $tg x \le -3$ .
- 7\*. Из города A в город B вышел пешеход. Через 3 ч после его выхода из города A в город B выехал велосипедист, а еще через час вслед за ним выехал мотоциклист. Все участники двигались равномерно и в какой-то момент времени оказались в одной точке маршрута. Мотоциклист прибыл в город B на 2 ч раньше велосипедиста. Через сколько часов после велосипедиста пешеход пришел в город B?

# K-7 II вариант

Решите уравнение (1-5).

1. a) 
$$\sin x = -1$$
; b)  $\cos x = \frac{\sqrt{2}}{2}$ ; b)  $\tan x = -\sqrt{3}$ .

- 2. a)  $\cos^2 x \cos x 2 = 0$ ; 6)  $3\cos^2 x 2\sin x + 2 = 0$ .
- 3. a)  $\sin x + \cos x = 0$ ; 6)  $3\sin^2 x - 2\sqrt{3}\sin x \cos x + \cos^2 x = 0$ .

- 5\*. a)  $\sin x \cos x = 1$ ; 6)  $2\cos^2 x \sin 4x = 1$ .
- 6\*. Решите неравенство:

a) 
$$\sin x > 0.5$$
; 6)  $\cos x < 0.5$ ; B)  $tg x \ge -3$ .

7\*. Из города А в город В вышел пешеход. Через 3 ч после его выхода из города А в город В выехал велосипедист, а еще через 2 ч вслед за ним выехал мотоциклист. Все участники двигались равномерно и в какой-то момент времени оказались в одной точке маршрута. Велосипедист прибыл в город В на 1 ч раньше пешехода. Через сколько часов после мотоциклиста велосипедист приехал в город В?

# Геометрия.

# КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА № 1 ТЕМА: ПАРАЛЛЕЛЬНОСТЬ ПРЯМЫХ И ПЛОСКОСТЕЙ

# 1 вариант

- 1. Основание AD трапеции ABCD лежит в плоскости  $\alpha$ . Через точки B и C проведены параллельные прямые, пересекающие плоскость  $\alpha$  в точках E и F соответственно.
- а) Каково взаимное положение прямых EF и AB?
- б) Чему равен угол между прямыми EF и AB, если  $\angle ABC = 150^{\circ}$ ? Поясните.
- 2. Дан пространственный четырехугольник ABCD, в котором диагонали AC и BD равны. Середины сторон этого четырехугольника соединены последовательно отрезками.
  - а) Выполните рисунок к задаче.
- б) Докажите, что полученный четырехугольник есть ромб.

# 2 вариант

- 1. Треугольники ABC и ADC лежат в разных плоскостях и имеют общую сторону AC. Точка P середина стороны AD, а K середина стороны DC.
- а) Каково взаимное положение прямых PK и AB?
- б) Чему равен угол между прямыми PK и AB, если  $\angle ABC = 40^{\circ}$  и  $\angle BCA = 80^{\circ}$ ? Поясните.
- 2. Дан пространственный четырехугольник ABCD, M и N середины сторон AB и BC соответственно;  $E \in CD$ ,  $K \in DA$ , DE : EC = 1 : 2, DK : KA = 1 : 2.
  - а) Выполните рисунок к задаче.
- б) Докажите, что четырехугольник *MNEK* есть трапеция.

# КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА № 2 ТЕМА: ПАРАЛЛЕЛЬНОСТЬ ПЛОСКОСТЕЙ. ТЕТРАЭДР И ПАРАЛЛЕЛЕПИПЕД.

### 1 вариант

- 1. Прямые a и b лежат в параллельных плоскостях  $\alpha$  и  $\beta$ . Могут ли эти прямые быть:
  - а) параллельными;
  - б) скрещивающимися?

Сделайте рисунок для каждого возможного случая.

- 2. Через точку O, лежащую между параллельными плоскостями  $\alpha$  и  $\beta$ , проведены прямые l и m. Прямая l пересекает плоскости  $\alpha$  и  $\beta$  в точках  $A_1$  и  $A_2$  соответственно, прямая m в точках  $B_1$  и  $B_2$ . Найдите длину отрезка  $A_2B_2$ , если  $A_1B_1 = 12$  см,  $B_1O:OB_2 = 3:4$ .
- 3. Изобразите параллелепипед  $ABCDA_1B_1C_1D_1$  и постройте его сечение

### 2 вариант

- 1. Прямые а и b лежат в пересекающихся плоскостях а и β. Могут ли эти прямые быть:
  - а) параллельными;
  - б) скрещивающимися?

Сделайте рисунок для каждого возможного случая.

- 2. Через точку О, не лежащую между параллельными плоскостями  $\alpha$  и  $\beta$ , проведены прямые 1 и m. Прямая 1 пересекает плоскости  $\alpha$  и  $\beta$  в точках  $A_1$  и  $A_2$  соответственно, прямая m- в точках  $B_1$  и  $B_2$ . Найдите длину отрезка  $A_1B_1$ , если  $A_2B_2=15$  см,  $OB_1:OB_2=3:5$ .
- 3. Изобразите тетраэдр DABC и постройте его сечение плоскостью, проходящей через

плоскостью, проходящей через точки M, N и K, являющиеся серединами ребер AB, BC и  $DD_1$ .

точки M и N, являющиеся серединами ребер DC и BC, и точку K, такую, что K  $\in$  DA, AK : KD = 1 : 3.

# КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА № 3 ТЕМА: ПЕРПЕНДИКУЛЯРНОСТЬ ПРЯМЫХ И ПЛОСКОСТЕЙ

# 1 вариант

- 1. Диагональ куба равна 6 см. Найдите:
- а) ребро куба;
- б) косинус угла между диагональю куба и плоскостью одной из его граней.
- 2. Сторона AB ромба ABCD равна a, один из углов равен  $60^{\circ}$ . Через сторону AB проведена

плоскость  $\alpha$  на расстоянии  $\frac{\alpha}{2}$  от точки D.

- а) Найдите расстояние от точки C до плоскости  $\alpha$ .
- б) Покажите на рисунке линейный угол двугранного угла DABM,  $M \in \alpha$ .
- в) найдите синус угла между плоскостью ромба и плоскостью α

# 2 вариант

- 1. Основанием прямоугольного параллелепипеда служит квадрат; диагональ параллелепипеда равна  $2\sqrt{6}$  см, а его измерения
- относятся как 1:1:2. Найдите:
  - а) измерения параллелепипеда;
- б) синус угла между диагональю параллелепипеда и плоскостью его основания.
- 2. Сторона квадрата ABCD равна a. Через сторону AD проведена плоскость  $\alpha$  на a

расстоянии  $\frac{\overline{2}}{2}$  от точки B.

- а) Найдите расстояние от точки C до плоскости  $\alpha$ .
- б) Покажите на рисунке линейный угол двугранного угла BADM,  $M \in \alpha$ .
- в) Найдите синус угла между плоскостью квадрата и плоскостью  $\alpha$ .

КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА № 4 ТЕМА: МНОГОГРАННИКИ

# 1 вариант

- 1. Основанием пирамиды DABC является правильный треугольник ABC, сторона которого равна a. Ребро DA перпендикулярно к плоскости ABC, а плоскость DBC составляет с плоскостью ABC угол в  $30^{\circ}$ . Найдите площадь боковой поверхности пирамиды.
- 2. Основанием прямого параллелепипеда  $ABCDA_1B_1C_1D_1$  является ромб ABCD, сторона которого равна a и угол равен  $60^{\circ}$ . Плоскость  $AD_1C_1$  составляет с плоскостью основания угол в  $60^{\circ}$ . Найдите:
  - а) высоту ромба;
  - б) высоту параллелепипеда;
- в) площадь боковой поверхности параллелепипеда;
  - г) площадь поверхности параллелепипеда

# 2 вариант

- 1. Основанием пирамиды MABCD является квадрат ABCD, ребро MD перпендикулярно к плоскости основания, AD = DM = a. Найдите площадь поверхности пирамиды.
- 2. Основанием прямого параллелепипеда  $ABCDA_1B_1C_1D_1$  является параллелограмм ABCD, стороны которого равны  $a\sqrt{2}$
- и 2a, острый угол равен  $45^{\circ}$ . Высота параллелепипеда равна меньшей высоте параллелограмма. Найдите:
  - а) меньшую высоту параллелограмма;
- б) угол между плоскостью  $ABC_1$  и плоскостью основания;
- в) площадь боковой поверхности параллелепипеда;
  - г) площадь поверхности параллелепипеда.

# Оценка достижения планируемых результатов освоения рабочей программы

Контроль знаний, умений и навыков включает систему работ: самостоятельные работы — пятиминутки по проверке выполнения домашней работы, самостоятельные работы на часть урока, математические диктанты, тесты и контрольные работы.

Контрольные работы проводятся по текстам из пособий

Под оценкой знаний, умений и навыков дидактика понимает процесс сравнения достигнутого учащимися уровня владения ими с эталонными представлениями, описанными в учебной программе. Как процесс, оценка знаний, умений и навыков реализуется в ходе контроля последних. Условным отражением оценки является отметка, обычно выражаемая в баллах. В настоящее время в нашей стране принята следующая система отметок.

- «5» (отлично) ставится за глубокое и полное понимание программного материала, за умение самостоятельно разъяснять изучаемые положения, за логический и литературно правильно построенный ответ, за убедительность и ясность ответа, когда ученик не допускает ошибок.
- «4» (хорошо) ставится за правильное и глубокое усвоение программного материала, однако в ответе допускаются неточности и незначительные ошибки, как в содержании, так и в форме построения ответа.
- «3» (удовлетворительно) выставляется за то, что ученик знает основные, существенные положения учебного материала, но не умеет их разъяснить, допускает отдельные ошибки и неточности в содержании знаний и в форме построения ответа.
- «2» (плохо) выставляется за плохое усвоение материала, а не за отсутствие знаний. Неудовлетворительный ответ показывает, что ученик знаком с учебным материалом, но не выделяет основных положений, допускает существенные ошибки, которые искажают смысл изученного материала. Как правило, такие ответы неубедительны ни для самого ученика, ни для учителя. На таком уровне знаний нельзя строить дальнейшее изучение программного материала и умственного развития ребенка.

# Оценка устных ответов учащихся

Ответ оценивается **отметкой** «5», если ученик:

- полно раскрыл содержание материала в объеме, предусмотренном программой и учебником;
- изложил материал грамотным языком в определенной логической последовательности, точно используя математическую терминологию и символику;

- правильно выполнил рисунки, чертежи, графики, сопутствующие ответу;
- показал умение иллюстрировать теоретические положения конкретными примерами, применять их в новой ситуации при выполнении практического задания;
- продемонстрировал усвоение ранее изученных сопутствующих вопросов, сформированность и устойчивость использованных при ответе умений и навыков;
- отвечал самостоятельно без наводящих вопросов учителя.
- Возможны одна две неточности при освещении второстепенных вопросов или в выкладках, которые ученик легко исправил по замечанию учителя.

Ответ оценивается **отметкой** «**4**», если он удовлетворен в основном требованиям на отметку «**5**», но при этом имеет один из недостатков:

- в изложении допущены небольшие пробелы, не исказившие математического содержания ответа, исправленные по замечанию учителя.
- допущены ошибки или более двух недочетов при освещении второстепенных вопросов или в выкладках, которые ученик легко исправил по замечанию учителя.

# Отметка «3» ставится в следующих случаях:

- неполно или непоследовательно раскрыто содержание материала, но показано общее понимание вопроса и продемонстрированы умения, достаточные для дальнейшего усвоения программного материала (определенные «Требованиями к математической подготовке учащихся»).
- имелись затруднения или допущены ошибки в определении понятий и, использовании математической терминологии, чертежах, выкладках, исправленные после нескольких наводящих вопросов учителя;
- ученик не справился с применением теории в новой ситуации при выполнении практического задания, но выполнил задания обязательного уровня сложности по данной теме;
- при знании теоретического материала выявлена недостаточная сформированность умений и навыков.

# Отметка «2» ставится в следующих случаях:

- не раскрыто основное содержание учебного материала;
- обнаружено незнание или непонимание учеником большей или наиболее важной части учебного материала;

• допущены ошибки в определении понятий, при использовании математической терминологии, в рисунках, чертежах или графиках, в выкладках, которые не исправлены после нескольких наводящих вопросов учителя.

# Оценка письменных контрольных (самостоятельных) работ учащихся

# Отметка «5» ставится в следующих случаях:

- работа выполнена полностью.
- в логике рассуждений и обоснований нет пробелов и ошибок;
- в решении нет математических ошибок (возможна одна неточность, описка, не являющаяся следствием незнания или непонимания учебного материала);

# Отметка «4» ставится, если:

- работа выполнена полностью, но обоснования шагов решения недостаточны (если умения обосновывать рассуждения не являлись специальным объектом проверки);
- допущена одна ошибка или два-три недочета в выкладках, чертежах или графиках (если эти виды работы не являлись специальным объектом проверки);

# Отметка «3» ставится, если:

• допущены более одной ошибки или более двух - трех недочетов в выкладках, чертежах или графика, но учащийся владеет обязательными умениями по проверяемой теме.

# Отметка «2» ставится, если:

• допущены существенные ошибки, показавшие, что учащийся не владеет обязательными знаниями по данной теме в полной мере.